

M+OR

1. Graphen und Netze

- **Dantzig** 7/96, 2/98, Ü3
 - (1) Anfangsknoten markieren: Weglänge/Kosten $L=0$, Vorgänger $v=0$
 - (2) Aus allen Knoten wo Endpunkt nicht markiert und Anfangspunkt markiert wähle das Minimum! Markiere Knoten mit (L,v)
 - (3) alle Kanten zu diesem neuen Knoten rausstreichen; vom neu markierten Knoten ins Unmarkierte hinzunehmen
 - (4) wiederhole bis Senke erreicht oder $M=\emptyset$

- **Dijkstra** Ü4
Erstelle Tabelle $(i, j, \text{Weg}, d_{ij}, M)$

- **out of Kilter (o.o.k.)** 7/95, 2/97, Ü10
 - (1) Start: Kantenfluß: $z = 0$, Punktbewertung: $w = 0$ für alle Kanten und Knoten
Beschriftung der Kanten $(c^{\min}, c^{\max}, d = \text{Kantenkosten})$
 - (2) Zyklusfinden
 $b(k) = [w_{\text{Startknoten}} - w_{\text{Endknoten}}] - d(k)$
i.k., falls $(b_k < 0 \text{ und } z_k = c^{\min})$ oder $(b_k > 0 \text{ und } z_k = c^{\max})$ oder $(b_k = 0 \text{ und } c^{\min} < z_k < c^{\max})$ sonst o.o.k.
Wähle beliebige o.o.k. Kante, best. mögliche Flußerhöhung (-erniedr.) ϵ_k damit nicht verschlechtert wird
Finde Zyklus: falls gefunden, dann Zirkulationsänderung ansonsten zu (3)
 - (3) Punktbewertung ändern
M: markierte Punkte sind alle Endpunkte für die Erhöhung möglich war.
Bestimme S_1 : Menge aller Kanten, die aus M herausführen mit $b_k < 0, z < c^{\max}$,
analog S_2 (hinein mit $b_k > 0$ und $z > c^{\min}$)
 $\theta = \min \{ |b_k| \}$ mit b_k aus S_1 oder S_2
 \Rightarrow Punktbewertung: $w_p = w_p + \theta$ für alle Knoten aus M
 - (4) Wiederhole bei (2) bis alle Kanten i.k. (Abbruchkriterium)

- **Ford/Fulkerson** 7/96, 2/98, Ü8

- (1) Bestimme beliebigen, zulässigen Ausgangsfluß
- (2) Tabelle

Knoten	Schritt 1	Schritt 2	...
q	(+s, ∞)	(+s, ∞)	
1	markiere mit (+von wo, wieviel)		
...	oder (+von wo, wieviel) (beachte maximal ϵ_i)		
...			
s	(+j, ϵ_i)		

- (3) Flußerhöhung/-erniedrigung auf gefundenem Weg
(beachte: immer niedrigsten Index wählen)

- **GERT** (p_k Realisationswkt.; $X_{k1}; \dots; X_{kn}$ Zufallsvariablen) 7/97, Ü14,17
 - (1) Reduktion nach MASON-Regel: Zähler: $\sum w_k(z)$ für alle Wege, korrigiert um Zyklen auf anderem Weg; Nenner: 1-zyklen erster Ordnung + zyklen 2ter Ordn. - ...
 - (2) Berechne $w_{qs} = p_k M_k(z)$ dazu: $M_k(z) = E(e^{zX(k)})$
Achtung bei mehreren X_k (Kosten, Nachfrage, ...)
 - (3) Berechne $M_{qs} = w_{qs}(z) / w_{qs}(0)$ ($w_{qs}(0) = p_{qs}$)
 - (4) Ableitung von M nach s; setze $z=0 \Rightarrow$ min. Kosten
- **DEMON** Ü17
Alternativen: NO, GO, ON; Finde gewinnmaximalen Pfad

2. Lineare Optimierung

- **Kuhn-Tucker Bedingung** Ü26, 2/96
 - (OP) Optimierungsproblem: $\min f(x)$ unter $g(x) < 0, h(x) = 0$ und $x \in R^n$ (L=Lagrange Fkt.)
 - (S) Slater Bedingung: es existiert ein $x^* \in R^n$ mit $g(x^*) < 0$ und $h(x^*) = 0$ (NB erfüllt)
 - (K) Konvexität: f,g konvex (Nachweis über: Summe konvexer Fkt ist konvex oder Hesse-Matrix pos.def.)
 - (GKT) Globales KT: OP mit (S), (K) $\Rightarrow (x^*, v^*, u^*)$ existieren mit $L(x^*, u, v) \leq L(x, u, v) \leq L(x, u^*, v^*)$
 - (D) stetige (partielle) Differenzierbarkeit von f und g
 - (LKT) Lokales KT Bed.: $L_x \geq 0, L_u \leq 0, L_v = 0, L_x x = 0, L_u u = 0$

- **Schnittebenenverfahren** Ü26, 7/95, 2/97, 7/97
Start: beliebiger innerer Punkt y und Polyeder $P_0 < K$ (Lösungsraum)
(Schritt $k=0, \dots, \infty$) Bestimme Lsg von ZF u.d.N. $P_0 \Rightarrow x^k$
Abbruch falls $x^k \in K$
 $z^k =$ Schnitt der Gerade von y nach x^k mit K
Tangente an K , verkleinere Lösungsraum mittels Tangente $\Rightarrow P^{k+1}$
 $k=k+1$, wiederhole
- **Strafkostenverfahren** Ü26
(OP) wie oben, $\phi(x, r_k) = f(x) + r_k \sum G_i(g_i(x))$
 ϕ aufstellen, ableiten und $k \rightarrow \infty$ gehen lassen
 - **innere Methode**
 $G_i = \max\{0, g_i^+(x)\}^2$
 $k \rightarrow \infty \Rightarrow r_k \rightarrow \infty$
 - **äußere Methode**
 $G_i = -1/g_i(x)$ oder $G_i = \ln(-g_i(x))$
 $k \rightarrow \infty \Rightarrow r_k \rightarrow 0$

3. Neuproduktpositionierung (NPP nach Green, Krieger)

- **Eröffnungsverfahren zur Bestimmung der NP Kandidaten**
 - **Best-In-Heuristik** 2/95, 2/96, 7/96, Ü49
 $\delta =$ in Kauf zu nehmende Abschlag auf Idealprodukt (in %)
($i=0$) Initialisierung: $\pi_N(i=0) = \emptyset$
($i=1, \dots, I$) Falls $(\max_{\pi} \{u_{il}\}) (1-\delta) > \max_{\pi_{N(i-1)}} u_{il} \Rightarrow \pi_N(i) = \pi_N(i-1) \cup \{i^*\}$ sonst $\pi_N(i) = \pi_N(i-1)$
 - **Path-Worth-Based-Greedy Heuristik (PWBG)** 2/95, 2/96, 7/96, Ü49
($s=0$) Start: $\pi_N(0) = \emptyset, \theta(0) = \theta$
($s=1, \dots, \infty$) $u_{i^*} = \max$ aller Spaltensummen mit $l \in \pi \setminus \pi_N(s-1)$
 $\pi_N(s) = \pi_N(s-1) \cup \{i^*\}$
 $\theta(s) = \theta(s-1) \setminus \{\text{alle } i | (\max \{u_{il}\}) (1-\delta) \leq \max_{\pi_N(s)} \{u_{il}\}\}$
wenn $\theta(s) = \theta(s-1) \Rightarrow \delta := \delta + \tau$
Abbruch bei $\theta(s) = \emptyset$
- **Buyers-Greedy-Heuristik** (Lsg. des Wohlfahrtmax.problems WMP) 7/96, Ü49
($s=0$) Start: $\pi_L(0) = \emptyset, X = (0), [V = (1), \text{Best. } z(l) = \text{Spaltensumme der } u_{il}$
($s=0, \dots, R-1$) $v_{il}^s = 1$ für Produkt mit höchstem Nutzen für i aus π_L^s !, 0 sonst
Bestimme $z(l)$ für alle $l \in \pi_L(s)$: $z(l) = \sum$ (Differenz aus $\max_{\pi_L} u_{il}$ und u_{il})
 $\pi_L(s+1) = \pi_L(s) \cup \{l^*\}$
 $x_{il} = 1$ wenn $l \in \pi_L(s+1)$ und u_{il} maximal unter den $l \in \pi_L$, 0 sonst
- **Sellers-Greedy-Heuristik** (Lsg. des Gewinnmax.problems GMP) 2/95, 7/96, Ü49
wie buyer's greedy, nur
 $X^0 = (1 \ 0 \ \dots \ 0)$ (1 für bestehendes Produkt $i=0$)
und $z(l)$ berechnet sich aus den d_{il} nicht aus den u_{il} (aber V, X aus (u_{il}) !!!)
Abbruchkriterium: $z(l^*) = 0$

4. Clusterwise Aggregation of Relations

2/98